Котляров И.Д.

Санкт-Петербург

ПРИМЕНЕНИЕ КОЛИЧЕСТВЕННЫХ МЕТОДОВ ДЛЯ АНАЛИЗА МОТИВАЦИИ К ТРУДУ

Сформулирован перечень теоретических требований к математической модели мотивации к труду, на их основе построена векторная модель мотивации, введено понятие мгновенной мотивации, на основе которой реинтерпретирована модель Врума, предложена зависимость производительности труда от величины мотивации сотрудника.

Ключевой задачей менеджмента является управление имеющимися в распоряжении предприятия ресурсами с целью получения оптимального результата. В настоящее время общепринятой стала концепция о том, что важнейшим ресурсом предприятия является его персонал (зачастую именуемый человеческим капиталом), и в свете этой концепции особую важность приобретает оптимизация управления человеческими ресурсами. Одной из важнейших характеристик человеческого капитала является его мотивация к труду, и управление этим показателем играет ключевую роль для управления персоналом в целом, поскольку общепринятым является представление о существовании прямой зависимости между мотивацией сотрудника и эффективностью его труда.

Управление каким-либо экономическим явлением невозможно без понимания его качественной природы и наличия его математической модели. Но если с пониманием сути мотивации были достигнуты значительные успехи (существует множество более или менее непротиворечивых теорий, дающих адекватные описания процесса мотивации), то единственным широко известным примером использования математических методов для моделирования мотивации является теория Виктора Врума, но даже она являет собой скорее качественное описание, чем инструмент для количественного прогнозирования, поскольку исчерпывается одной формулой вида M = RBW, где M - мотивация, R – ожидание работником того, что усилия, затрачиваемые им, дадут желаемые результаты, В – ожидание того, что результаты повлекут за собой ожидаемое вознаграждение, W - ожидаемая ценность вознаграждения (валентность).

Очевидно, что отсутствие использования математических методов для описания процесса мотивации к труду в наше время неприемлемо.

Целью данной статьи является построение математической модели мотивации к труду и рекомендаций по ее практическому применению в повседневной жизни предприятий.

Основной задачей управления персоналом является достижение максимальной производительности труда работников при заданных бюджетных ограничениях. Для решения этой задачи необходимо понимать структуру тех факторов, которые побуждают работника к труду, — иными словами, необходимо иметь полное представление о мотивации сотрудника, механизме ее функционирования и методах управления ею.

Мотивация представляет собой не только управленческий и экономический, но и психологический феномен и в силу этого является предметом исследования как менеджмента, так и психологии. По причине различия инструментария и конечных целей исследования мотивация изучается двумя этими науками в разных аспектах, что неизбежно порождает расхождения в определении понятия мотивация. Часто также происходит смешение понятий «мотивация» и «мотивирование», которые, однако, необходимо строго разграничивать.

Мотивация — это состояние личности, обуславливаемое набором внутренних и внешних факторов и определяющее степень активности и направленности действий человека в конкретной ситуации. В соответствии с [2, 17-19] под внутренними факторами мы будем понимать мотивы (как осознанное индивидуумом внутреннее побуждение к де-

ятельности), а под внешними – стимулы (как внешнее побуждение к деятельности).

Мотивирование – деятельность по изменению мотивации сотрудников.

На основе анализа существующих моделей мотивации (используемых как в менеджменте, так и в психологии) можно выявить следующие основополагающие принципы (постулаты), на которых должна базироваться модель мотивации и которые в явном или неявном виде заложены в уже существующих моделях мотивации – для экономии места эти модели в настоящей статье не описываются, их подробное изложение можно найти в [1, 360-386]:

- 1. Мотивация человека определяется его потребностями. Этот утверждение в явной форме фигурирует практически во всех работах, посвященных исследованию мотивации.
- 2. Потребности человека могут быть разбиты на отдельные более или менее однородные группы, каждая из которых вносит свой вклад в формирование совокупной мотивации человека (создает частную мотивацию). Эти группы потребностей мы будем называть мотивационными факторами.
- 3. В общем случае число групп потребностей, влияющих на поведение человека в любой данный момент времени t, больше 0. В строгой математической форме это утверждение будет иметь следующий вид: пусть N число выделенных групп потребностей, причем N>0, а n число групп потребностей, определяющих поведение конкретного человека в данный момент времени t. Тогда: $0 < n \le N$.
- 4. Каждая из групп потребностей характеризуется двумя основными показателями интенсивностью и важностью. Под интенсивностью понимается количество благ, необходимых для удовлетворения данной группы потребностей, важность определяется как приоритетность удовлетворения потребностей данной группы перед удовлетворением потребностей других групп. Эти показатели могут быть выражены в количественной форме, что и делает возможным построение математической модели мотивации.
- 5. Зависимость совокупной мотивации от групп потребностей (мотивирующих факторов) носит прямой характер, т. е. чем выше

интенсивность и/или важность данной группы потребностей, тем выше совокупная мотивация.

- 6. Группы потребностей независимы друг от друга, иными словами, нет зависимости между изменением интенсивности и/или важности разных групп потребностей. Из этого следует, что совокупную мотивацию человека можно описать аддитивной функцией. Кажущееся противоречие, связанное с тем, что в ситуации выбора человек может отказаться от блага А ради получения блага В, объясняется тем, что, несмотря на отказ от блага А, потребность в нем у человека не исчезла просто в тот данный конкретный момент времени важность и/или интенсивность потребности, удовлетворяемой при помощи блага В, оказалась выше.
- 7. Потребности каждой из групп удовлетворяются соответствующими, характерными только для этой группы средствами. Средства (материальные, нематериальные или абстрактные блага), удовлетворяющие потребности одной группы, в общем случае непригодны для удовлетворения потребностей другой группы. Подчеркнем, что речь идет именно об общем случае – в ряде частных случаев одно и то же благо может быть использовано для удовлетворения потребностей разных групп; очевидным примером являются деньги (при помощи которых можно приобрести практически любые блага), можно также указать на то, что автомобиль «Mercedes» удовлетворяет не только потребность в средстве передвижения, но и потребность в наличии высокого социального статуса – тем не менее, как было сказано выше, это всего лишь частные случаи. Из этого, в частности, следует, что разные группы потребностей побуждают человека к действиям, направленным на достижение разных целей (очевидна тесная взаимосвязь между 6-м и 7-м постулатами).
- 8. Вклады каждой из групп потребностей (мотивирующих факторов) в совокупную мотивацию описываются одинаковыми функциями (это утверждение эквивалентно тезису, что психологический механизм взаимосвязи между потребностями и мотивацией одинаков для всех видов потребностей). Это утверждение вытекает из того факта, что ни

в одной из известных на сегодняшний день теорий мотивации не постулируется специфика какой-либо из групп потребностей – механизм мотивации описывается одинаково для всех видов потребностей.

- 9. Совокупная мотивация равна нулю только в том случае, если нулю равны вклады всех групп потребностей, или, иными словами, равенство нулю вклада одной или нескольких групп потребностей не обращает в ноль совокупную мотивацию. Отсюда следует, что совокупная мотивация не может быть определена как произведение частных мотиваций.
- 10. Не существует универсальных констант, характеризующих мотивацию, иначе говоря, мотивацию невозможно рассчитать теоретически без привлечения эмпирических данных.

Все эти принципы отражают подход к мотивации с точки зрения теории. Вольный или невольный отказ от учета одного из этих принципов сделает модель чрезмерно упрощенной или попросту неверной.

Практическая модель мотивации должна:

- давать описание групп потребностей человека (мотивационных факторов), влияющих на его поведение;
- объяснять (с достаточной для практических целей степенью достоверности) механизм влияния вышеуказанных мотивационных факторов на поведение человека (формирование мотивации как таковой);
- давать количественную оценку мотивации человека.

С математической точки зрения необходимо построить максимально общую модель мотивации, не привязанную к результатам исследования какого-либо трудового коллектива и способную быть легко адаптированной к конкретной ситуации. Поэтому предположим, что потребности человека делятся на N групп, пока не уточняя, по каким критериям эти группы выделяются (поскольку в зависимости от поставленных задач можно выделять разные группы потребностей).

Наконец, в идеале математическая модель мотивации должна объединять в себе достижения процессуальных и содержательных теорий мотивации.

Противоречие между практическими требованиями давать описания групп потребностей и механизма их воздействия на поведение человека и математическим требованием отказа от выделения конкретного числа групп потребностей по конкретным критериям (это требование порождено необходимостью обеспечить максимально общий характер теории) лишь кажущееся. Оно легко решается при помощи следующих соображений: предприятие может и должно само выделить интересующие его группы потребностей по заданным критериям (ниже мы предложим наше собственное, достаточно общее, разбиение), а поскольку в соответствии с постулатом 8, описанным выше, механизм влияния потребностей на поведение человека одинаков, то, описав механизм действия какой-либо из групп потребностей при помощи математического инструментария, мы можем распространить его и на остальные группы потребностей.

Если воспользоваться физической аналогией, мотивация – это сила, побуждающая человека совершать определенные действия. Сила же представляет собой векторную величину и характеризуется абсолютной величиной и направлением. Предполагается, что человек действует под воздействием N групп потребностей. Абсолютную величину этих потребностей (интенсивность мотивационных факторов) будем откладывать на соответствующих координатных осях декартовой системы координат х₁х₂х_n. Каждый из этих факторов будет порождать частную мотивацию, которая представляет собой радиус-вектор соответствующей точки. В этом переходе от скалярного представления мотивационных факторов к векторному отражается тот факт, что под действием разных групп мотивационных факторов человек ведет себя по-разному (невозможно удовлетворить потребности одного типа за счет благ, предназначенных для удовлетворения потребностей другого типа, – постулат 7; векторы частных мотиваций направлены в разные стороны). Тот факт, что значения разных групп потребностей откладываются на разных координатных осях, отражает их независимость друг от друга (постулат 6). Отдельно уточним, что радиус-векторы групп потребностей откладываются на положительной части соответствующих осей координат, поскольку с точки зрения экономики достаточно трудно представить потребности с отрицательной интенсивностью (хотя предлагаемая модель допускает введение таких потребностей). Совокупная мотивация рассчитывается как равнодействующая частных мотиваций, возникших под воздействием отдельных групп мотивационных факторов, или, иными словами, как сумма соответствующих векторов сама является векторной величиной, описываемой вектором мотивации. Для удобства изложения примем следующие обозначения:

 m_{i} – величина і-го мотивационного фактора (скалярная величина);

 $M_{_{i}}$ – величина мотивации, возникшей под действием мотивационного фактора $m_{_{i}}$. По своей абсолютной величине равна $m_{_{i}}$, однако является векторной величиной;

М – совокупная величина мотивации (результирующая мотивация, также векторная величина). Ее абсолютная величина равна (в выбранной N-мерной системе координат)

$$M = \sqrt{\sum_{i=1}^{N} m_i^2}$$
 (1).

Векторная формула результирующей мотивации (формула вектора мотивации) имеет следующий вид:

$$M = \sum_{i=1}^{N} M_i$$
 (2).

Сам же вектор мотивации в выбранной системе координат записывается как $M\left(m_{_{1}},m_{_{2}},...,m_{_{N}}\right)$.

Однако данный подход учитывает только абсолютную величину мотивационных факторов (интенсивность), но не важность. Для учета важности введем поправочные коэффициенты в виде множителей со значением от 0 до 1. Окончательная формула для расчета абсолютной величины мотивации с учетом поправочных множителей имеет следующий вид:

$$M = \sqrt{\frac{N}{\sum_{i=1}^{N} \alpha_{i} m_{i}^{2}}}$$
 (3),

 α_i — поправочные коэффициенты, отражающие важность соответствующей группы мотивационных факторов для сотрудника.

С экономической точки зрения эта формула гораздо точнее описывает мотивацию человека, однако она отходит от математической логики представления мотивации в виде вектора в декартовой системе координат. Однако это расхождение только кажущееся, так как можно откладывать значения мотивационных факторов на осях прямолинейной, но не прямоугольной системы координат, т.е. $(m_1, m_2, ..., m_N)$ являются не декартовыми, а аффинными координатами вектора мотивации. Переход же от аффинных координат к декартовым осуществляется по следующей формуле:

$$x_i = m_i \cos \varphi_i \tag{4}$$

 x_i — соответствующая декартова координата, m_i — аффинная координата, ϕ_i — угол между соответствующими аффинной и декартовой осями координат.

Из этого со всей очевидностью следует тождество

$$\alpha_{i} = \cos^{2} \varphi_{i} \tag{5}.$$

Введение поправочных множителей не сказывается на виде векторной формулы совокупной мотивации, она останется неизменной — достаточно четко оговаривать, о каких координатах векторов частной и результирующей мотивации идет речь в каждом случае — аффинных или декартовых (которые можно обозначать, соответственно, индексами а и d).

Сразу бросается в глаза тот факт, что при переходе от аффинных координат к декартовым мы учитываем проекцию только на одну декартову координатную ось, что находится в противоречии с правилом перехода от одной системы координат к другой. Однако с точки зрения логики модели этот факт не является противоречием, поскольку мы постулируем независимость разных групп потребностей, соответственно вектор одной и той же группы потребностей не может проецироваться на разные оси координат. Этот феномен, как будет указано ниже, позволяет нам понять ограничения предложенной модели и наметить пути для ее развития.

Таким образом, все множители, входящие в формулу расчета абсолютной величины мотивации сотрудника, обладают четким

математическим, экономическим и психологическим смыслом.

Модель разрабатывалась на основе представления мотивации в виде вектора в N-мерном пространстве. Введем понятие мотивационного пространства как пространства, в котором лежит вектор мотивации сотрудника. Размерность N мотивационного пространства соответствует количеству выделенных групп потребностей. Число выделяемых групп потребностей определяется целями исследования, и при изучении мотивации рассматриваются мотивационные пространства различных размерностей. Следует отметить, что число выделяемых групп мотивационных факторов и принципы их выделения не влияют на структуру модели.

Поскольку векторы частных мотиваций лежат на осях декартовой системы координат, модуль вектора совокупной мотивации будет всегда меньше суммы модулей векторов частных мотиваций (что явствует из формулы 3). В этом находит отражение тот факт, что разные группы потребностей побуждают человека к разным действиям (чему соответствует разнонаправленность векторов частных мотиваций), совокупная же мотивация представляет собой компромисс между различными частными мотивациями человека.

Совокупная мотивация группы людей (групповая мотивация) равна сумме (векторной) мотиваций отдельно взятых членов этой группы. Предприятие заинтересовано в том, чтобы мотивация отдельных сотрудников и групповая мотивация были максимально высокими. Модуль групповой мотивации достигает максимума, как явствует из векторного исчисления, в том случае, если векторы мотивации всех сотрудников лежат на одной прямой. Проверить, лежат ли векторы на одной прямой, можно, рассчитав угол между ними. При известных координатах векторов угол между ними рассчитывается через их скалярное произведение.

Примем следующие обозначения (рассмотрим частный случай двух сотрудников, который нетрудно обобщить на n-е количество работников):

 M^1 , M^2 — векторы мотивации первого и второго сотрудника (модули этих векторов

равны соответственно M^1 , M^2). Координаты этих векторов в N-мерной декартовой системе координат (мотивационном пространстве) записываются следующим образом:

 $M^{1}(X_{1}^{1}, X_{2}^{1}, ..., X_{N}^{1}) M^{2}(X_{1}^{2}, X_{2}^{2}, ..., X_{N}^{2}),$ (6) причем соблюдаются следующие тождества

$$X_{i}^{1} \equiv \alpha_{i}^{1} m_{i}^{1}, \ X_{i}^{2} \equiv \alpha_{i}^{2} m_{i}^{2},$$
 (7)

 β – угол между векторами мотивации. Откуда

$$\beta = \arccos \frac{\sum_{i=1}^{N} X_i^1 X_2^2}{M^1 M^2}$$
 (8)

Рассчитанный таким образом угол β является мерой разнонаправленности векторов мотиваций сотрудников, т.е. мерой качественного различия мотивов, движущих сотрудниками (мерой количественного различия является разность модулей соответствующих векторов).

Для эффективного управления коллективом необходимо иметь представление о совокупной мотивации трудового коллектива. Каждая і-я декартова координата результирующего вектора (вектора совокупной мотивации) $M_{\rm p}$ рассчитывается по формуле:

K – число сотрудников, для которых рассчитывается совокупная мотивация.

$$x_{i}^{M_{R}} = \sum_{j=1}^{K} \sum_{i=1}^{N} x_{i}^{j} = \sum_{j=1}^{K} \sum_{i=1}^{N} m_{i}^{j} \cos \varphi_{i}^{j}$$
 (9)

Средняя мотивация рассчитывается по формуле:

$$\overline{M} = \frac{1}{K} M_R \tag{10}$$

Переход от индивидуальной и групповой мотивации к мотивации средней очень важен: он дает возможность оценить воздействие тех или иных изменений значений мотивационных факторов на мотивацию среднего сотрудника, не анализируя каждый вектор индивидуальной мотивации. Однако такой усредненный подход дает тем более близкую к реальности картину, чем ближе мотивационные профили сотрудников (чем меньше различия между их мотивационными векторами). Под мотивационным профилем мы будем понимать перечень интенсивностей и важностей мотивационных факторов работника.

Для каждой должности в каждом подразделении можно задать идеальный вектор мотивации, т.е. вектор мотивации, соответствующий вектору мотивации такого сотрудника, чьи устремления полностью совпадают с устремлениями фирмы (важности мотивационных факторов для фирмы и для сотрудника равны) и которого полностью устраивают предлагаемые фирмой значения мотивационных факторов (равны их интенсивности). Декартовы координаты такого вектора имеют вид

$$M(\alpha_1^{id} m_1^{id}, \alpha_2^{id} m_2^{id}, ..., \alpha_N^{id} m_N^{id}),$$
 (11)

 α_i^{id} — идеальная (максимально соответствующая запросам фирмы) величина важности і-го мотивационного фактора для сотрудника;

 m_i^{id} – идеальная (максимально соответствующая возможностям фирмы) величина интенсивности і-го мотивационного фактора для сотрудника.

Соответствие векторов мотивации вновь принимаемых на работу сотрудников идеальным векторам, определенным для их должностей, позволяет компании добиться максимального соответствия интересов сотрудника интересам фирмы, а также избежать потерь мотивации при переходе от мотивации индивидуальной к групповой.

Разумеется, полное совпадение устремлений фирмы и сотрудника представляет собой недостижимый идеал. Поэтому компания должна также определить максимально допустимый для нее угол β_{max} между вектором мотивации данного сотрудника и идеальным вектором мотивации, определенным для его должности. Рассчитав угол β_{max} , компания может задать в своем мотивационном пространстве корпоративный телесный угол мотивации Ω_{corp} , которому должны принадлежать вектора мотивации всех сотрудников и который равен $2\beta_{max}$. Идеальный вектор мотивации проходит через центр N-мерной окружности, вырезаемой данным телесным углом на поверхности N-мерной сферы, радиусом которой является идеальный вектор мотивации. В качестве возможного ориентира для определения этого телесного угла может выступать указание на то, что производительность труда сотрудников может достичь 100% от возможного только при достижении совпадения ожиданий сотрудника от компании и компании от сотрудника на 60% [2, 10].

Выше было сказано, что конкретный набор групп потребностей должен определяться в соответствии с задачами исследования – для разных целей необходимо различное распределение потребностей по группам. Однако в общем случае представляется целесообразным вычленить следующие три основные группы потребностей: материально-потребительские (связанные с удовлетворением материальных – физиологических и социальных – потребностей), морально-потребительские (связанные с удовлетворением потребности в уважении, в честном отношении со стороны начальства, в наличии доброжелательной атмосферы в рабочем коллективе) и творческие (связанные с потребностью в самореализации).

В начале настоящей статьи было отмечено, что единственным примером использования математических методов для исследования мотивации является формула Врума. Логично было бы попытаться включить ее в предлагаемую модель мотивации.

Разработанная модель мотивации носит стратегический характер – предполагается, что мотивационные профили сотрудников остаются неизменными в течение продолжительного периода времени. Кроме того, она описывает общие устремления сотрудника, но не его реакцию на какое-либо точечное задание. Однако для практических целей может быть полезно уметь рассчитывать поведение сотрудника не только в средне- и долгосрочной перспективе, но и в какой-либо конкретный период времени. Для этого мы введем понятие «мгновенной мотивации» как вероятности совершения сотрудником тех или иных действий по выполнению поставленной задачи. Эта мотивация рассчитывается по формуле:

$$Mp = LSCP (12)$$

 ${
m M_p}$ – мгновенная мотивация (мотивация в вероятностной форме);

L – легкость стоящей задачи;

S – уверенность сотрудника в себе, в своей способности выполнить поставленную задачу;

С – уверенность сотрудника в справедливости и честности выдающего вознаграж-

дение (очевидна взаимосвязь этого показателя со степенью удовлетворенности морально-потребительских потребностей сотрудника в данной фирме);

P – вероятность того, что вознаграждение удовлетворит потребности сотрудника (зависит от того, насколько предлагаемое вознаграждение соответствует важностям и интенсивностям мотивационных факторов сотрудника).

Как нетрудно видеть, формула 12 полностью соответствует приведенной в начале статьи формуле Врума – с той единственной разницей, что показатель R Врума (ожидание того, что затраченные усилия принесут желаемый результат) разложен на составляющие L и S.

Однако первостепенное значение для фирмы имеет не абсолютная величина мотивации сотрудника, а та производительность труда, которую он обеспечивает при заданном уровне мотивации. Таким образом, необходимо выявить связь между эффективностью труда и уровнем мотивации.

Формула для зависимости эффективности деятельности от величины мотивации выведена исходя из предполагаемой аналогии между мотивацией и раздражителем, что позволило применить к эффективности деятельности психофизический закон Вебера - Фехнера [3, 556]:

$$E = zZ*ln M, (13)$$

E – результат деятельности, совершенной под воздействием мотивации M;

 z – коэффициент пропорциональности, служащий для преобразования силы ощущения мотивации сотрудником в результат деятельности;

Z* – коэффициент пропорциональности, служащий для преобразования логарифма мотивации в силу ощущения.

Следует отметить, что формула (13) нуждается для своего подтверждения в эмпирическом обосновании и пока может рассматриваться только в качестве гипотезы. Тем не менее, ее введение представляется правомерным, поскольку существующую у данного конкретного индивида мотивацию можно рассматривать как раздражитель, и ощущения от этого раздражителя непосредственно воплощаются в интенсивности трудовой деятельности.

Произведение zZ^* можно рассматривать как интегральный показатель W, характеризующий переход от мотивации к производительности труда (отдельное изучение показателей z и Z^* представляет трудности в связи со сложностью их выделения).

По аналогии с процессами угасания зависимость Z* от времени будет описываться убывающей экспоненциальной функцией (в силу привыкания сотрудника к постоянной величине мотивации – модулю вектора мотивации, – предлагаемо фирмой, и изменения его предпочтений с течением времени, то есть увеличения расхождений между его запросами и предложением фирмы). Запишем эту зависимость в виде формулы:

$$Z^*(t) = Z_0^* e^{-Yt}$$
 (14)

 Z_0^* — значение множителя Z^* в момент времени t=0 (в момент начала исследования):

Y — постоянная ослабевания силы ощущения мотивации (ее математический смысл — обратная величина к промежутку времени, по истечении которого множитель Z^* уменьшится в е раз).

Границы применимости данной закономерности определяются физическими возможностями сотрудника и минимальным уровнем его потребностей.

Традиционная методика управления мотивацией заключается в изменении работодателем интенсивностей мотивационных факторов (работодатель передает работникам или лишает их некоторого дополнительного набора благ, удовлетворяющих потребности работников). Эту методику можно назвать экстенсивной. В свою очередь, методика управления мотивацией через изменение важностей мотивационных факторов сотрудников может быть названа интенсивной.

Введение или изъятие некоторого набора благ означает для предприятия затраты или экономию некоего ресурса. Тогда значения интенсивностей мотивационных факторов можно представить в виде функций от данных ресурсов. Для простоты предположим (что не скажется на общности рассуждений), что интенсивности всех мотивационных факторов зависят от затрат одного и того же ресурса,

логичнее всего, – от финансовых затрат. Значение отдельно взятого мотивационного фактора зависит не от совокупных затрат данного ресурса, а от той части его затрат, которая была направлена на изменение интенсивности данного мотивационного фактора.

Основные задачи управления мотивацией:

1. Произвести замену одного мотивационного фактора другим при сохранении значения мотивации неизменным и рассчитать экономический эффект такой замены (затраты или экономия ресурса R), или, в формализованной записи:

$$M = const, \alpha_i \delta m_i = -\alpha_k \delta m_k$$
, найти δR

2. Задан объем ресурса R, который необходимо потратить на изменение мотивационных факторов таким образом, чтобы прирост мотивации был максимальным. Обратная задача – задан объем ресурса R, который необходимо высвободить таким образом, чтобы снижение мотивации было минимальным.

$$\delta R = \text{const}, \delta M = \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \alpha_i^2 m_i^2 (R_{i0} + \delta R_i)} - \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \alpha_i^2 m_i^2 (R_{i0})} \rightarrow \text{max}$$

$$(15)$$

3. Необходимо увеличить мотивацию на заданную величину бМ таким образом, чтобы затраты ресурса R были минимальны (обратная задача – уменьшить мотивацию на заданную величину таким образом, чтобы высвободить максимальный объем ресурса R)

$$\delta M = \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \alpha_i^2 m_i^2 (R_{i0} + \delta R_i)} - \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \alpha_i^2 m_i^2 (R_{i0})} = \text{const}, \delta R \rightarrow \text{min} \quad (16)$$

Для количественной оценки и приведения к сопоставимым величинам различных групп мотивационных факторов вводятся безразмерные шкалы, в которых мотивационные факторы измеряются путем экспертных оценок и последующего взвешивания. Эти шкалы не носят универсального характера.

Для измерения важности мотивационных факторов следует применять психологические тесты, определяющие приоритеты сотрудника с последующим количественным выражением результатов в диапазоне от 0 до 1.

Интенсивности мотивационных факторов предлагается измерять по шкале от 0 до 100. В случае с материально-потребительскими факторами (чьей непосредственной мерой является производимая предприятием совокупность денежных выплат сотруднику) нулю приравнивается нулевое вознаграждение, а 100 – максимальное вознаграждение, принятое на данном предприятии, и на этой шкале вводится 100 делений.

При расчете интенсивностей факторов морально-потребительской и творческой групп необходимо определить, из каких основных потребностей складывается каждая из этих групп факторов. Можно отметить, что морально-потребительские потребности включают в себя потребность в принадлежности, потребность в социальном взаимодействии, потребность в привязанности и поддержке, а в группу творческих потребностей входят потребность в реализации своих потенциальных возможностей и потребность в росте как личности. Каждой из этих потребностей присваивается определенный вес, и затем степень удовлетворенности каждой из потребностей оценивается в диапазоне от 0 до 100 (путем опроса), после чего рассчитывается средневзвешенная удовлетворенность этой группы потребностей, которая и представляет собой интенсивность соответствующего мотивационного фактора. Формула для расчета интенсивности мотивационного фактора имеет следующий вид:

$$m = \frac{\sum_{j=1}^{n} \psi_j \mu_j}{\sum_{j=1}^{n} \psi_j},$$
(17)

где т - интенсивность мотивационного фактора;

n – число выделенных подпотребностей; у – вес соответствующей подпотребности; т – интенсивность соответствующей

подпотребности. Предложенная модель внутрение непроти-

воречива и дает специалистам по управлению персоналом инструментарий для расчета и прогнозирования уровня мотивации отдельного

Экономика и управление

сотрудника и трудового коллектива в целом. Тем не менее, она может быть расширена – как уже было сказано выше, при переходе от аффинных к декартовым координатам мы учитываем только одну проекцию вектора, что, строго говоря, неверно с математической точки зрения, однако логично в рамках выбранной системы аксиом. Соответственно для развития модели мы можем заменить постулаты 6 и 7 на следующие утверждения:

6а. Различные мотивационные факторы могут оказывать влияние друг на друга (изменение важности и/или интенсивности од-

ной группы мотивационных факторов может привести к изменению важности и/или интенсивности другой/других групп мотивационных факторов);

76. Одни и те же блага могут удовлетворять более одной групп потребностей.

В качестве дополнительного расширения модели можно также ввести постулат 86: влияние разных групп потребностей на поведение человека описывается разными функциями.

Подробнее расширенная (нелинейная) математическая модель мотивации будет рассмотрена в нашей следующей статье.

Список использованной литературы:

Статья поступила в редакцию 14.06.07

^{1.} Мескон М.Х., Альберт М., Хедоури Ф. Основы менеджмента. М.: «Дело», 1992.

^{2.} Соломанидина Т.О., Соломанидин В.Г. Мотивация трудовой деятельности персонала. М.: ООО «Журнал управления персоналом», 2005.

^{3.} Яворский Б.М., Детлаф А.А. Справочник по физике для инженеров и студентов вузов. М.: «Наука», 1979.